

中国科学院 & 中国科学技术大学  
2005 年招收硕士学位研究生入学考试试题参考答 案

---

试题名称：数学分析

1. (15 分)

(1) 答：如果对任意正数  $\varepsilon$ , 都存在自然数  $N$  使得当  $n > N$  时, 有  $|a_n - a| < \varepsilon$ , 那么就称数列  $\{a_n\}$  收敛于数  $a$ , 记为  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ . (得 7 分)

(2) 证明：因为  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ , 由极限的定义知对任意正数  $\varepsilon$ , 存在自然数  $N_1$  使得当  $n > N_1$  时, 有  $|a_n - a| < \varepsilon/2$ . 取自然数  $N_2$  使得