

# 中国科学技术大学

一九九六年招收硕士学位研究生入学考试试题

试题名称：数学分析

一 (15 分) 求极限  $\lambda = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x}-1 - e^x - \frac{1}{2} \sin^2 x}{x - \sin x}$ .

二 (15 分) 设  $f(x)$  在  $[0, 1]$  上有连续的一阶导函数，  
 $M$  是  $|f(x)|$  在  $[0, 1]$  上的最大值，求证：

$\int_0^1 |f(x)| dx + \int_0^1 |f'(x)| dx \geq M.$