

数据结构

袁平波 2013.1

第一章 绪论

1.1 《数据结构》讨论范畴

1.2 基本概念和术语

1.3 抽象数据类型的表示与实现

1.4 算法和算法分析

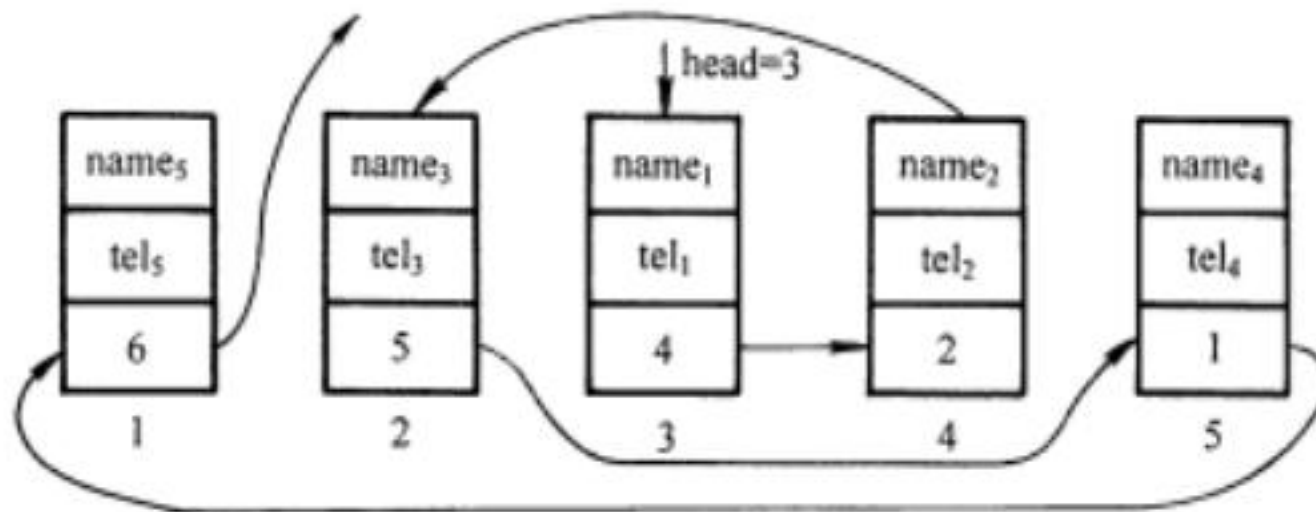
1.1 《数据结构》研究什么

- ☞ 算法+数据结构=程序设计
- ☞ 数据结构是讨论**非数值类**问题的对象描述、信息组织方法及其相应的操作

[例]、设有一个电话号码簿，有N个人的姓名和电话号码。要求设计一个程序，按人名查找号码，若不存在则给出不存在的信息。

姓 名	name ₁	name ₂	name ₃	name _n
电话号码	tel ₁	tel ₂	tel ₃	tel _n

(a) 顺序存储



(b) 链式存储

1.2 基本概念和术语

- **数据**：数据是客观事物的符号表示。
- **数据元素**：数据的基本单位，通常看作一个整体。
- **数据对象**：性质相同的数据元素的集合。
- **关系**：集合中元素之间的相关性。
- **数据结构**：特性相同的数据元素构成的集合中，如果在数据元素之间存在一种或多种特定的关系，则称之为数据结构。

Data-Structure=(D,S)

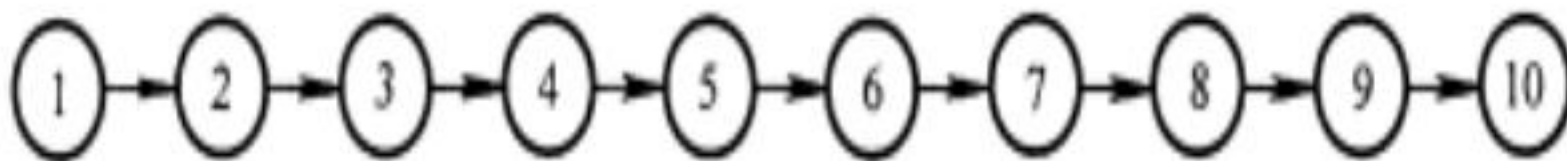
D是元素有限集，S是关系有限集。

四类基本结构：1) 集合 2) 线性 3) 树形 4) 网状

[例] $\text{linear} = (D, R)$

$D = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

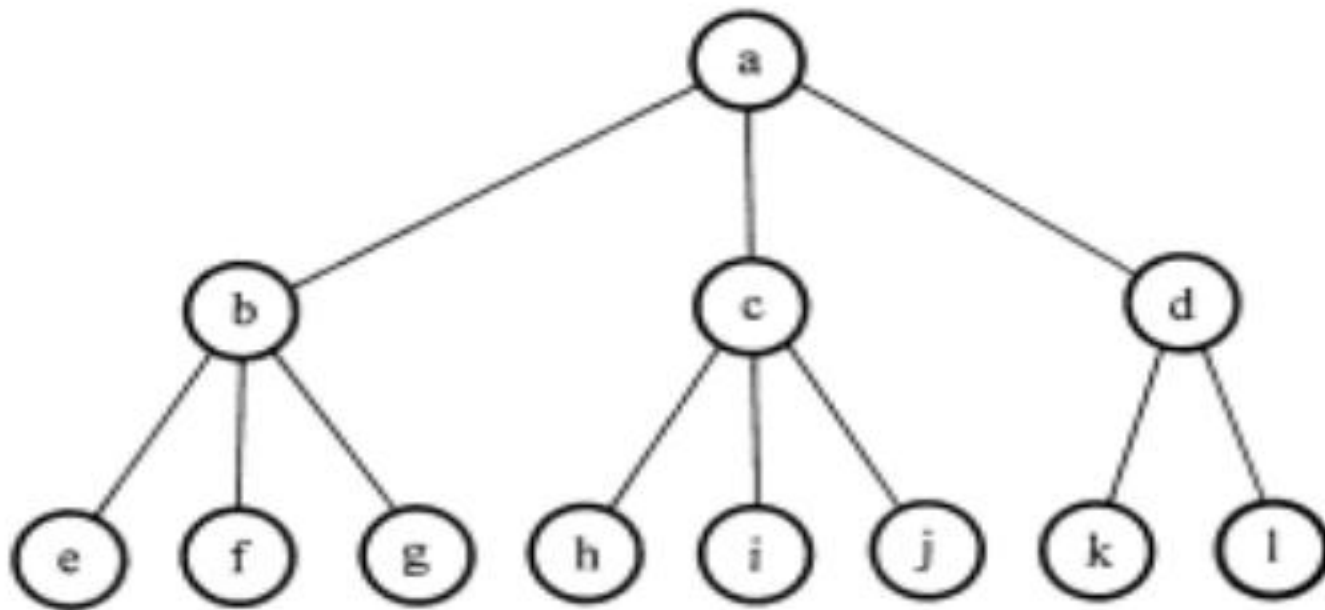
$R = \{ \langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 3 \rangle, \langle 3, 4 \rangle, \langle 4, 5 \rangle, \langle 5, 6 \rangle, \langle 6, 7 \rangle, \langle 7, 8 \rangle, \langle 8, 9 \rangle, \langle 9, 10 \rangle \}$



[例] $tree = (D, R)$

$D = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l\}$

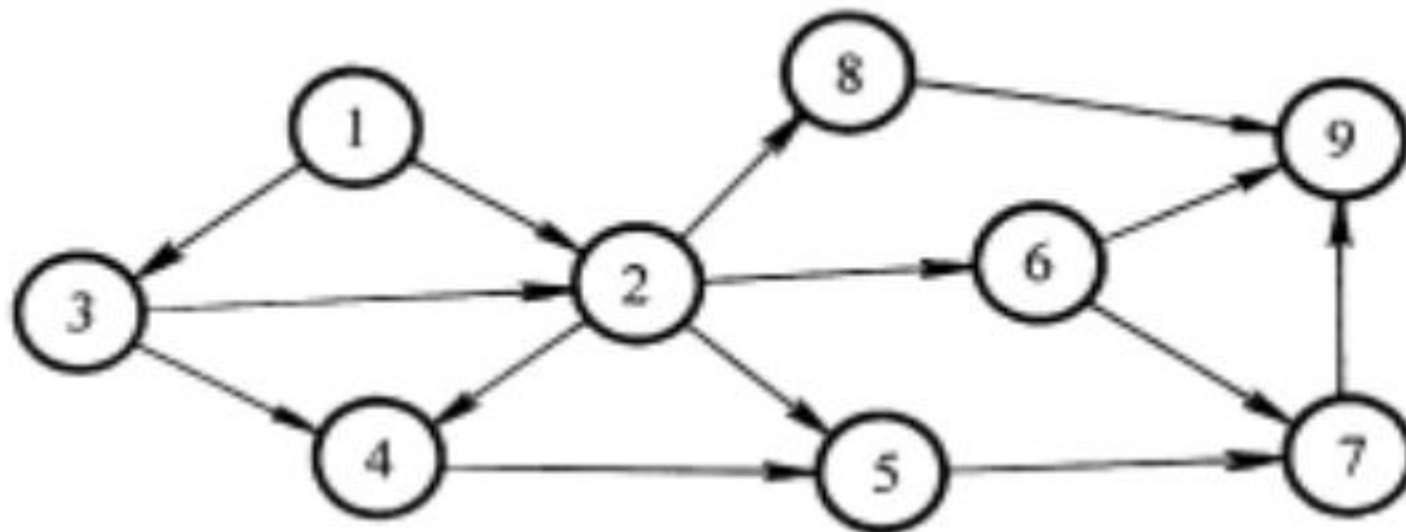
$R = \{\langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle a, d \rangle, \langle b, e \rangle, \langle b, f \rangle, \langle b, g \rangle, \langle c, h \rangle, \langle c, i \rangle, \langle c, j \rangle, \langle d, k \rangle, \langle d, l \rangle\}$



[例] graph = (D, R)

$D = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$

$R = \{\langle 1, 2 \rangle, \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 4 \rangle, \langle 2, 5 \rangle, \langle 2, 6 \rangle, \langle 2, 8 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 3, 4 \rangle, \langle 4, 5 \rangle, \langle 5, 7 \rangle, \langle 6, 7 \rangle, \langle 6, 9 \rangle, \langle 7, 9 \rangle, \langle 8, 9 \rangle\}$



其他概念与术语

- 逻辑结构/物理结构(存储结构)
- 位(bit)/字节(byte)
- 元素(Element)/结点(Node)/数据域(DataField)
- 顺序存储/链式存储
- 数据类型：值的集合和定义在这个值集上的一组操作的总称。分原子和结构两种类型。
- 抽象数据类型(Abstract Data Type)：
一个数学模型以及定义在该模型上的一组操作。

1.3 抽象数据类型的表示与实现

$ADT = (D, S, P)$

D是数据对象，**S**是**D**上的关系的集合，**P**是对**D**的基本操作的集合。

格式：

ADT 抽象数据类型名 {

 数据对象：〈数据对象的定义〉

 数据关系：〈数据关系的定义〉

 基本操作：〈基本操作的定义〉

} ADT 抽象数据类型名

基本操作的 定义格式：

 基本操作名（参数表）

 初始条件：〈初始条件描述〉

 操作结果：〈操作结果描述〉

[例]抽象数据类型三元组的定义

ADT Triplet {

数据对象： $D = \{e_1, e_2, e_3 \mid e_1, e_2, e_3 \in \text{Elemset}\}$

数据关系： $R = \{\langle e_1, e_2 \rangle, \langle e_2, e_3 \rangle\}$

基本操作：

InitTriplet (&T, v1, v2, v3)

操作结果：构造三元组T，元素 e_1, e_2, e_3 分别赋予 v_1, v_2, v_3

Get (T, i, &e)

初始条件：三元组T存在， $1 \leq i \leq 3$ 。

操作结果：用e返回T的第i元的值。

Max (T, &e)

初始条件：三元组T存在。

操作结果：用e返回T中三个元素的最大值。

... ..

}ADT Triplet

操作中的参数有两种

1) 赋值参数

```
void add (int a, int b, int * c){
```

```
    *c=a +b;}
```

```
add(2,3,&c);
```

2) 引用参数

```
void add (int a, int b, int &c){
```

```
    c=a +b    }
```

```
add(2,3,c);
```

类C语言——介于伪码和C语言之间

1) 预定义常量和类型

```
#define TRUE 1
```

```
#typedef int Status
```

2) 数据元素类型约定为ElemType，由用户使用时自行定义。

3) 基本操作的算法用函数描述：

```
函数类型 函数名（函数参数表） {
```

```
    //算法说明
```

```
    语句序列
```

```
} //函数名
```

4) 赋值语句

简单赋值：变量名=表达式；

串联赋值：变量名1=变量名2=...=表达式；

成组赋值：变量名1[起始下标..终止下标]=变量名2[起始下标..终止下标]；

交换赋值：变量名1 \leftrightarrow 变量名2；

条件赋值：变量名=条件表达式?表达式T：表达式F

5)选择语句

条件语句1: `if(表达式) 语句;`

条件语句2: `if(表达式) 语句; else 语句;`

开关语句1: `switch(表达式) {
 case 值1:语句序列1;break;

 case 值n:语句序列n;break;
 default:语句序列n+1;
}`

开关语句2: `switch{
 case 条件1:语句序列1;break;

 case 条件n:语句序列n;break;
 default:语句序列n+1;
}`

6) 循环语句

for语句: for(赋初值;条件;修改表达式) 语句;

while语句: while(条件) 语句;

do-while语句: do{语句序列} while(条件);

7) 结束语句

函数结束语句 return; return 表达式;

异常结束语句 exit;

8) 输入输出语句

输入语句 scanf

输出语句 printf

9) 注释 单行注释用“//”

10) 基本函数: max, min, abs, floor, ceil, eof, eoln等。

11) 逻辑运算

与运算&& 或运算||

1.4 算法和算法分析

1、**算法**:对问题求解步骤的描述，是一个确定的、有限长的操作序列。

1) 有穷性 2) 确定性 3) 可行性 4) 输入 5) 输出

2、算法设计要求

1) 正确性 2) 可读性 3) 健壮性 4) 效率与低存储需求

3、算法的描述:类C语言

4、算法效率衡量方法与准则：

时间复杂度： $T(n) = O(f(n))$

空间复杂度： $S(n) = O(g(n))$

“O”的形式定义

若 $f(n)$ 是正整数 n 的一个函数，则 $x_n = O(f(n))$ 表示存在一个正的常数 M, m ，使得当 $n \geq n_0$ 时都满足 $m|f(n)| \leq |x_n| \leq M|f(n)|$ ；

换句话说就是说这当整型自变量 n 趋向于无穷大时，两者的比值是一个不等于0的常数。

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{|x_n|}{|f(n)|} = C$$

分析下列三个程序段：

①、 $x++;s=0;$ $O(1)$

②、 $\text{for}(i=1;i\leq n;i++) \{x++;s+=x;\}$ $O(n)$

③、 $\text{for}(i=1;i\leq n;i++)$
 $\quad \text{for}(j=1;j\leq n;j++) \{x++;s+=x;\}$ $O(n^2)$

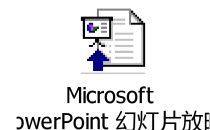
④、 $f(n)=2n^3+5n^2+7n+c$; (c 为某一常数)，则
 $T(n) = O(f(n))=O(n^3)$ 。

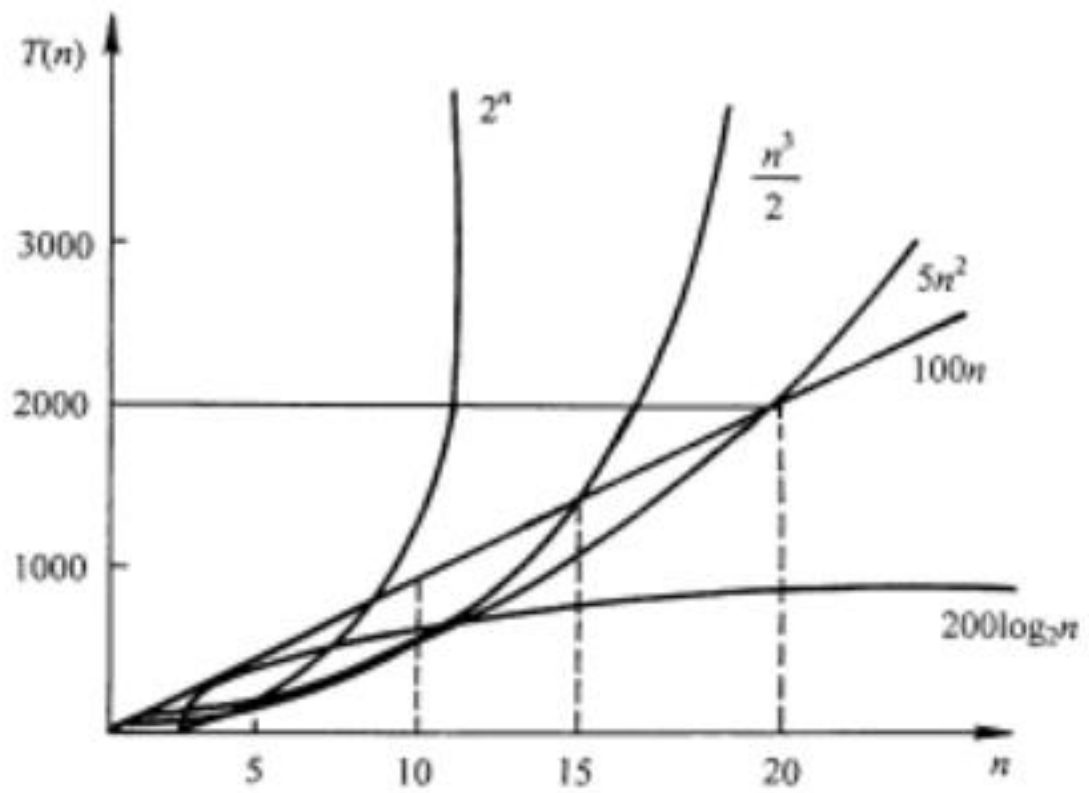
[例] 起泡排序

算法 1.3

```
void bubble_sort(int a[], int n){  
    for (i=n-1, change=TRUE; i>1 && change; --i) {  
        change = FALSE;  
        for (j=0; j<i; ++j)  
            if (a[j] > a[j+1])  
                { w = a[j]; a[j]= a[j+1]; a[j+1]= w; change = TRUE }  
    }  
} // bubble_sort
```

时间复杂度 $O(n^2)$





常见函数的增长率